



您可能感兴趣的文章、专题：

“煤矿智能化综述及关键技术”专题

“我国煤矿瓦斯防治理论技术研究进展”专题

“煤地质与煤结构”专题

“煤矿安全+智能化”专题

“深部煤层瓦斯精准抽采”专题

“中国煤科首席科学家”专题

“矿井冲击地压灾害防治技术及工程实践”专题

2020 年度《煤炭科学技术》“领跑者 5000”论文

2021《煤炭科学技术》封面文章

煤炭行业青年科学家论坛(2021 年)



移动扫码阅读

刘东海,邓念东,姚 婷,等.基于开采沉陷实测数据的 Weibull 时间函数模型参数研究[J].煤炭科学技术, 2021, 49(9): 152–158. doi: 10. 13199/j. cnki. cst. 2021. 09. 022

LIU Donghai, DENG Niandong, YAO Ting, *et al.* Study on parameters of Weibull time function model based on sited measured mining subsidence data [J]. Coal Science and Technology, 2021, 49 (9): 152 – 158. doi: 10. 13199/ j. cnki. cst. 2021. 09. 022

基于开采沉陷实测数据的 Weibull 时间函数模型参数研究

刘东海^{1,2}, 邓念东¹, 姚 婷^{1,2}, 尚 慧¹

(1. 西安科技大学 地质与环境学院, 陕西 西安 710054; 2. 重庆—0 七市政建设工程有限公司, 重庆 401120)

摘 要:常村煤矿井田范围内铁路专用线下压煤量达 3 500 万 t, 在煤炭资源开采的同时还要保障铁路的安全运营, 因此开展开采动态沉陷预测尤为重要。为准确预计该井田采动地表移动变形的动态过程, 实施合理的地表抗采动措施对工作面开采方案实施优化, 引入 Weibull 时间函数, 通过理论计算与软件处理相结合的方式, 分析了该函数在下沉量、下沉速度、下沉加速度方面的变化特征。研究表明: 计算结果与常村煤矿的实测地表下沉量一致, 表明该函数在时间和空间上具有很好的完备性; 在对常村煤矿地表动态沉陷监测数据进行整理分析的基础上, 选取了 11 个监测点数据进行拟合处理和对比分析, 研究确定了模型参数 c 、 k 的主要影响因素, 同时给出了参数 c 、 k 的变化规律和变化曲线, 并通过实测数据论证了其可靠性。最后, 基于上述研究, 选取 22、30 号监测点, 通过对下沉实测值和预测值的动态对比分析, 发现预计相对精度分别为 2.11% 和 2.66%, 表明 Weibull 时间函数模型及参数确定方法对改进采动地表动态沉陷过程预计是可靠的。

关键词:地表沉陷; Weibull 时间函数; 动态沉陷预计

中图分类号: TD325.2

文献标志码: A

文章编号: 0253-2336(2021)09-0152-07

Study on parameters of Weibull time function model based on sited measured mining subsidence data

LIU Donghai^{1,2}, DENG Niandong¹, YAO Ting^{1,2}, SHANG Hui¹

(1. College of Geology & Environment, Xi'an University of Science and Technology, Xi'an 710054, China; 2. Chongqing No. 107 Municipal Construction Engineering Co., Ltd., Chongqing 401120, China)

Abstract: In Changcun Coal Mine, the coal deposit under the railway special line reaches 35 million tons. It is particularly important to ensure the safe operation of the railway while promoting the comprehensive development and utilization of coal resources. In order to accurately predict the dynamic process of mining surface movement and deformation, and provides the foundation for the measures of surface mining resistance and the optimization design of working face, based on Weibull time function model. Firstly, by combining theoretical calculation with software processing, the variation characteristics of the function in terms of subsidence amount, subsidence velocity and subsidence acceleration are analyzed. The results are consistent with the surface subsidence characteristics of Changcun Coal Mine, indicating that the function has good completeness in time and space. Then on the basis of collating and analyzing the monitoring data of surface dynamic subsidence in Changcun Coal Mine, selected the 11 monitoring data fitting processing and comparison analysis, the research determines the main influencing factor of the model parameters c and k , at the same time put forward the parameters c and k change rule and change curve, and through the measured data demonstrates the reliability. Finally, based on the above research, we select No. 22 and No. 30 monitoring point, and through dynamic comparison and analysis of measured and predicted values of subsidence, it is found that the predicted relative accuracy is 2.11% and 2.66%, respectively. Weibull time function model and parameter determination method have certain theoretical and practical significance for improving the prediction accuracy of mining surface dynamic subsidence process.

Key words: surface subsidence; weibull time function; dynamic subsidence prediction

收稿日期: 2021-02-28; 责任编辑: 曾康生

基金项目: 国家自然科学基金资助项目 (41702377); 中国博士后科学基金资助项目 (2017M623208); 陕西省自然科学基金基础研究计划资助项目 (2017JQ4008)

作者简介: 刘东海 (1993—), 男, 江西高安人, 硕士。E-mail: 1633420994@qq.com

0 引言

煤矿地下开采引起的地表移动变形是一个复杂的时空过程^[1-3]。地表沉陷不仅危及地面建筑、公路、铁路的安全,且容易诱发地质灾害,造成地表水的流失,从而对环境产生严重的破坏。为评估地表沉陷造成的危害,掌握地表沉陷的下沉量、范围、下沉速度、加速度等,地表沉陷的预测显得尤为重要^[3-5]。对沉陷变形较为敏感的地面线性建筑如铁路、公路等而言,不仅受下沉量和下沉范围的大小控制,下沉速度和下沉加速度会对其产生更大的影响,所以静态预计已不能满足实践开采需求。为此,国内外学者展开大量地探索和研究,提出了不同的时间函数和地表动态沉陷预测理论^[4]。

1952 年,波兰学者 Knothe 利用土体压实的基本假设进行了地表移动和变形时间过程研究,提出了地表下沉速度与地表下沉量和时间的关系函数,即 Knothe 时间函数^[6]。SROKA^[7] 和 GONZALEZ - NICIEZA^[8] 基于 Knothe 时间函数分别提出了 Sroka-Schober 时间函数和正态分布时间函数。Knothe 时间函数不能反映实际的下沉速度和下沉加速度变化规律^[9-10],为了改进其不足,国内学者进行了大量的探索和研究,常占强等^[11]提出了分段 Knothe 时间函数;张兵等^[12]对分段 Knothe 时间函数进行了改进,拓宽了适用范围且提高了预计精度;王军保等^[13]结合岩石流变力学中非正常流变模型,将时间影响系数看作与时间有关的变量,对 Knothe 时间函数进行了改进;文献^[4,14]对正态分布时间函数进行了研究;刘玉成等^[5,15]结合 Weibull 曲线模型对 Knothe 时间函数进行了改进,提出了 Weibull 时间函数模型,但参数物理意义还尚未明确。上述科研成果为地表沉陷预计研究以及实践运用起到了积极推动作用,为准确预测工作面采动引起的地面沉陷对铁路的影响,笔者以 Weibull 时间函数模型为基础,结合常村煤矿沉陷监测数据,分析模型参数的含义,提出了模型参数的变化曲线,并验证了其可靠性;同时证明了 Weibull 时间函数在常村煤矿动态预测中具有较高精度,能反映出实际的下沉过程,从而为常村煤矿后续工作面开采过程的动态预测提科学可靠的理论依据。

1 工程概况

常村煤矿位于山西省屯留县东部,郭庄煤矿铁路专用线从常村煤矿井田范围通过,据常村煤矿提供的相关资料显示,影响郭庄铁路专用线运营的回

采工作面总共 7 个(图 1),其中 S3-13 工作面已回采完毕。常村煤矿 S3-13 工作面从 2016 年 8 月开始回采,到 2018 年 4 月回采结束,平均采深 487 m,煤厚 5.82 m,煤层倾角 $1^{\circ} \sim 3^{\circ}$,工作面走向长度 1 032 m,倾向长度 228 m。上覆基岩主要为泥岩、砂岩以及砂质泥岩,该区属厚冲积层覆盖区,第四系表土层厚度为 48.0~95.9 m,平均厚度达到 78 m。采煤方法为综采放顶煤,全部垮落法管理顶板,工作面推进速度 3.2 m/d。

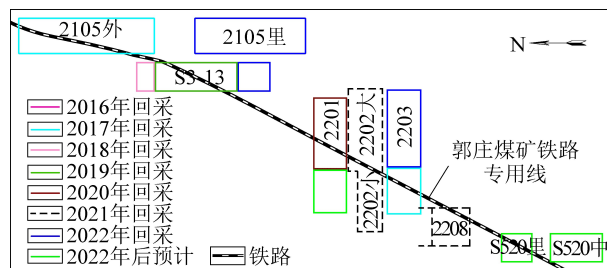


图 1 工作面与铁路位置关系

Fig.1 Relation between working face and railway position

为掌握工作面开采对铁路的影响状况,郭庄煤矿在 S3-13 工作面布置了 57 个监测点,监测点布置如图 2 所示。2016 年 9 月至 2018 年 6 月共进行了 28 次水准监测,水准测量按四等水准测量的精度要求进行。监测站设置和各监测工作均按《煤矿测量规程》及监测站设计说明书的要求进行,各项监测成果的精度符合规程要求,取得了真实可靠的监测数据。

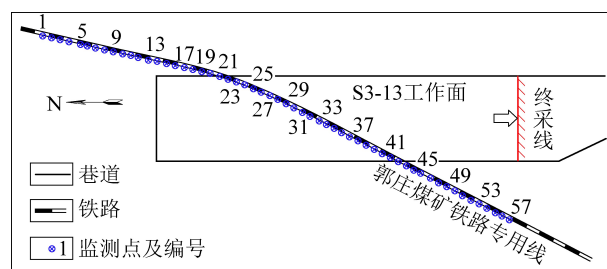


图 2 监测点布置

Fig.2 Monitoring site layout

2 Weibull 时间函数模型

2.1 Weibull 时间函数的完备性

引入 Weibull 曲线函数描述地表监测点动态沉陷过程,建立时间函数模型,其表达式为

$$W(t) = W_m [1 - \exp(-ct^k)] \quad (1)$$

式中: W_m 为监测点的最大下沉量, mm; t 为监测点下沉时间, a; c 、 k 均为与采空区上覆岩层性质有关的参数, $k > 1$ 。

由式(1)推导出下沉速度 v 和下沉加速度 a 的

计算分别为

$$v(t) = W_m c k t^{k-1} \exp(-ct^k) \quad (2)$$

$$a(t) = W_m c k \exp(-ct^k) [(k-1)t^{k-2} - c k t^{2(k-1)}] \quad (3)$$

式(1)—式(3)的曲线特征如图3所示。

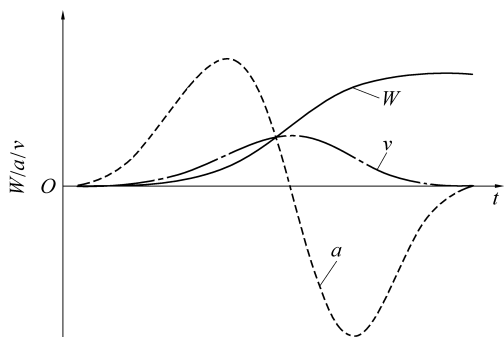


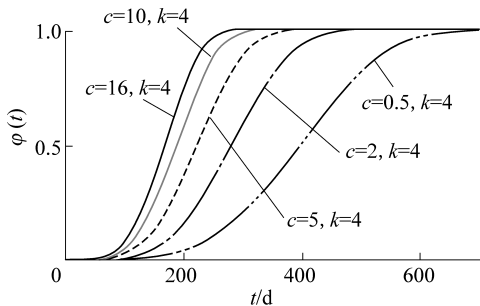
图3 Weibull 时间函数、下沉速度、下沉加速度曲线特征

Fig.3 Weibull time function, subsidence velocity, subsidence acceleration curve characteristics

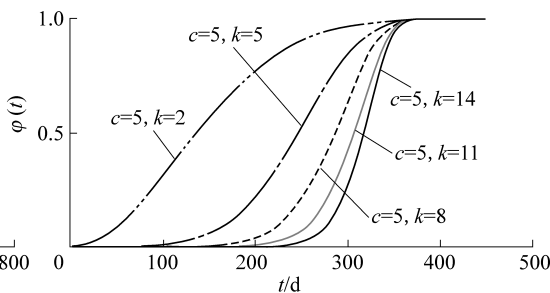
从图3可以看出:下沉量的变化过程为: $0 \rightarrow W_m$;下沉速度的变化过程为: $0 \rightarrow v_{\max} \rightarrow 0$;下沉加速度的变化过程为: $0 \rightarrow a_{\max} \rightarrow 0 \rightarrow a_{\min} \rightarrow 0$;三者的变化曲线均与实际地表沉陷过程特征相一致,因此 Weibull 时间函数在时间和空间上具有很好的完备性。

2.2 模型参数的讨论

文献[16-17]认为参数 c 决定地表监测点从开



(a) c 取不同值时 $\varphi(t)$ 示意



(b) k 取不同值时 $\varphi(t)$ 示意

图4 参数 c 、 k 取值不同时 $\varphi(t)$ 示意

Fig.4 Schematic diagram $\varphi(t)$ of different values of parameter c and k

3 基于实测数据的模型参数分析

3.1 基于实测数据的模型参数简析

选取6个监测点数据,对下沉时间与下沉量之间的关系进行分析,如图5所示,可以看出监测点的下沉过程完全符合 Weibull 时间函数变化特征,Weibull 时间函数可用来对常村煤矿进行开采沉陷的预测。

为进一步了解模型参数 c 和 k 的物理意义,选取11个监测点的监测数据,用式(1)进行拟合求

始下沉到稳定的时间长短,而参数 k 决定监测点在时间轴上的运动路径。在有大量监测数据的基础上可采用最小二乘法确定这2个参数,而参数的理论计算方法还需进一步研究。为进一步了解模型参数 c 、 k 的物理意义,令

$$\varphi(t) = 1 - \exp(-ct^k) \quad (4)$$

式(4)为时间影响函数,则式(1)可表示为

$$W(t) = W_m \varphi(t) \quad (5)$$

对时间影响函数 $\varphi(t)$ 进行分析,如图4所示。由图4a可知,当参数 k 取值相同时,下沉起始时间几乎一致,而下沉到达最大值的时间则受 c 的影响, c 越小,所需时间越长,表明 c 控制整个下沉过程的时间长短(下沉持续时间);根据量纲分析可得出 c 的量纲为 $1/a$ 或 $1/d$,与下沉时间有关。从曲线斜率来看,下沉速度也随参数 c 的增大而增大。

由图4b可知,当参数 c 取值相同, k 取不同值时,下沉起始时间变化较大,随着 k 取值增大,下沉起始时间也随之增大;而 k 取值不同对下沉达到稳定的时间影响不大;同时 k 越大曲线越陡,斜率越大,也即最大下沉速度越大。相较于 c 来说, k 增大时,下沉持续时间缩短更快,也即是 k 对下沉持续时间的控制更强。

下文将对实测数据进行处理分析,深入解析参数 c 、 k 对沉陷过程的影响。

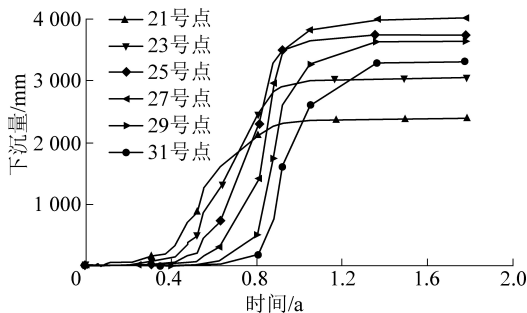


图5 下沉时间与下沉量关系曲线

Fig.5 Relation curves of sinking time and subsidence

参,结果见表 1。依据《建筑物、水体、铁路及主要井巷煤柱留设与压煤开采规范》^[16]下沉量达到 10 mm 为下沉的起点;下沉达到稳定判断依据为连续 6 个

月下沉不超过 30 mm,下沉稳定时间为开始回采到监测点下沉结束时间;最大下沉速度按文献[5]中式(24)计算。

表 1 监测点拟合数据

Table 1 Observation point fitting data

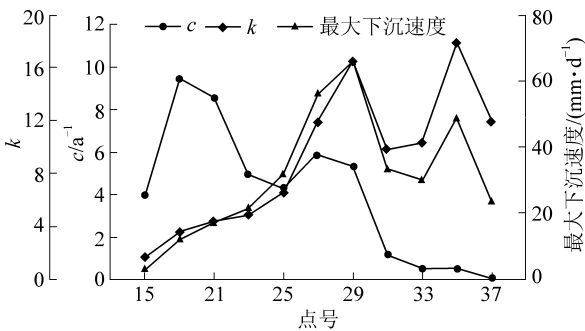
测点	c/a^{-1}	k	拟合值 W_m/mm	最大下沉速度/ $(mm \cdot d^{-1})$	下沉起始时间/a	下沉稳定时间/a	下沉持续时间/a
15	3.975	1.676	619.6	3.00	0.04	1.35	1.31
19	9.396	3.565	1 697.0	11.94	0.13	1.28	1.15
21	8.579	4.345	2 344.0	17.33	0.18	1.36	1.18
23	4.924	4.809	3 044.0	21.04	0.22	1.50	1.28
25	4.308	6.536	3 747.0	31.25	0.32	1.52	1.20
27	5.937	11.910	3 970.0	55.55	0.52	1.48	0.96
29	5.339	16.440	3 567.0	65.57	0.63	1.50	0.87
31	1.102	9.757	3 307.0	33.02	0.55	1.66	1.11
33	0.523	10.260	3 045.0	29.70	0.61	1.74	1.13
35	0.510	17.850	2 794.0	48.48	0.76	1.63	0.87
37	0.096	11.840	2 353.0	23.12	0.76	1.88	1.12

根据表 1 绘制参数 c 、 k 与最大下沉速度、下沉起始时间、下沉持续时间、下沉稳定时间的关系曲线,如图 6 所示;同时分别对参数 c 、 k 和最大下沉速度、下沉起始时间、下沉持续时间、下沉稳定时间进行了相关性分析,求得的 Pearson 相关系数见表 2。

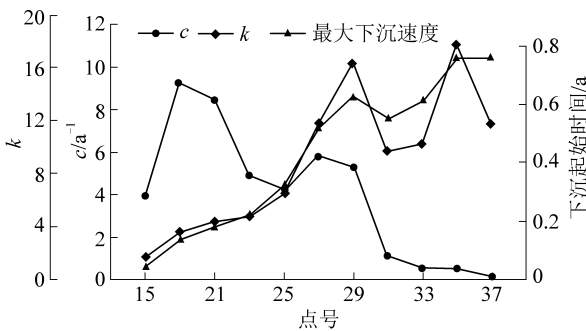
表 2 Pearson 相关系数

Table 2 Pearson correlation coefficient

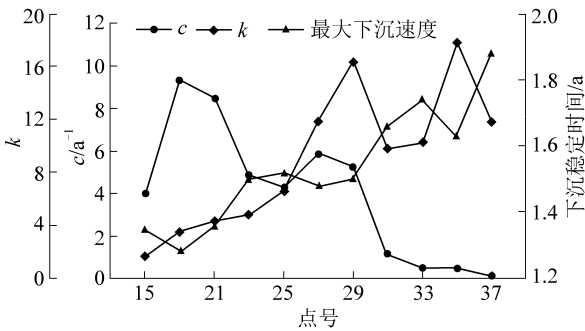
参数	相关系数			
	最大下沉速度	下沉起始时间	下沉稳定时间	下沉持续时间
c	-0.182	-0.71	-0.883	0.173
k	0.869	0.925	0.578	-0.917



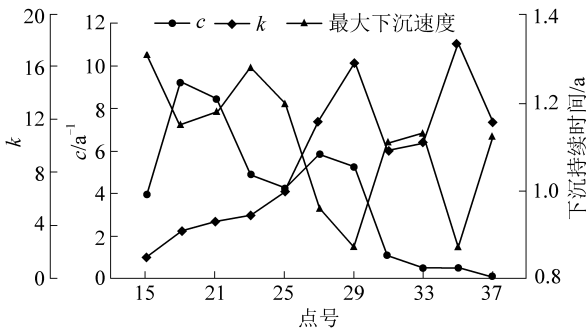
(a) 参数 c 、 k 与最大下沉速度关系



(b) 参数 c 、 k 与下沉起始时间关系



(c) 参数 c 、 k 与下沉稳定时间关系



(d) 参数 c 、 k 与下沉持续时间关系

图 6 参数 c 、 k 与各因素间的关系曲线

Fig.6 Relation curves of parameter c and k and each factor

结合图 6a 和表 2,参数 k 与最大下沉速度变化规律一致,呈正相关,且相关度高;而参数 c 与最大

下沉速度呈负相关,相关系数较小。表明参数 k 对最大下沉速度起主要影响作用。

结合图 6b 和表 2, 参数 k 与下沉起始时间变化规律一致, 相关系数高达 0.925, 相关度极高; 而参数 c 与下沉起始时间则呈负相关, 相关度较高; 表明下沉起始时间受参数 c 和 k 同时控制。图 6b 中 35 和 37 号监测点的下沉起始时间相同, 但 c 和 k 数值均不同, 在 k 值减小的同时, 参数 c 也在减小, 但是参数 c 减小的比例远大于 k 减小的比例, 表明参数 k 的影响程度大于参数 c 的影响程度。下沉起始时间反映地表监测点离开切眼距离, 往往距离越远, 从开始回采到监测点开始下沉时间越长。

结合图 6c 和表 2, 参数 c 与下沉稳定时间呈负相关, 相关度高; 参数 k 与下沉稳定时间呈正相关, 相关系数相对较小。图 6c 中 25 和 27 号监测点参数 c 的增大比例远小于参数 k 的增大比例, 但是下沉稳定时间是减小的, 表明参数 c 的影响程度大于参数 k 的影响程度。监测点的下沉稳定时间一方面受离开切眼的距离影响, 另一方面受下沉速度制约。

结合图 6d 和表 2, 参数 c 与下沉持续时间呈正相关, 相关性较小; 参数 k 与下沉持续时间呈负相关, 相关系数达到 0.917, 相关度极高。图 6d 中 29 和 31 号监测点参数 c 减小比例远大于参数 k 的减小比例, 表明参数 k 的影响程度远大于参数 c 的影响程度。监测点的下沉持续时间越短表明下沉过程越剧烈, 下沉速度越快。一方面与工作面的开采方式, 顶板管理方法等有关, 另一方面与上覆基岩的厚度和岩性、松散层的厚度等有关。

综上, 参数 c 主要影响下沉起始时间及下沉稳定时间, 且都呈负相关, 但是参数 c 并不是决定地表监测点从开始下沉到稳定的时间长短(下沉持续时间)的关键参数, 主要体现的是监测点距开切眼的位置、煤层埋深、上覆岩层的厚度及其性质等。参数 k 主要影响下沉起始时间、最大下沉速度、下沉持续时间, 对下沉稳定时间的影响相对较小, 反映了监测点下沉速度快慢和剧烈程度, 说明参数 k 与监测点离开切眼的距离、工作面的开采方法和顶板管理方法、上覆基岩和松散层厚度及其性质等有关。

结合实测数据和上述图表, 参数 c 、 k 的取值存在一定的变化规律, 如图 7 所示。在沉陷边界外, 将下沉量当做 0 处理。对于开切眼较近的沉陷边界, 为确保 $W_m = 0$, $\varphi(t)$ 应恒等于 0; 经计算, 参数 k 趋近于 1, 参数 c 趋近于 0。对于终采线较近的沉陷边界, 监测点的位置离开切眼位置越远, 下沉速度越小, 下沉达到稳定所需时间越长, 参数 k 如果一直减小将不能保证下沉起始时间维持在较大值, 为满足实际下沉规律, 笔者认为参数 k 在接近沉陷边界处

时, 是趋近于某一定值 k_1 ($k_1 > 1$) 的, 为保证 $\varphi(t)$ 恒等于 0, 参数 c 应逐渐趋近于 0。下沉持续时间和下沉稳定时间都受下沉速度的影响, 综合上述分析笔者认为参数 k 的最大值应在最大下沉速度位置。而对于参数 c 的最大值 c_{\max} 所处位置, 仍需要进一步研究, 但是可以确定的是参数 c 的最大值位置较参数 k 离开切眼位置更近。

目前, Weibull 时间函数在实际运用中都是在基于大量监测数据的前提下, 采用最大下沉值拟合求得的参数 c 、 k 进行地表动态沉陷预计。但是, 对同一工作面来说, 各监测点的下沉过程在时间和空间上是独立的^[16], 沉陷过程先后不一, 同一时刻下沉速度、下沉量大小不一导致同一工作面不同监测点参数不一致, 所以固定参数难以满足预计精度要求。在没有大量实测数据时, 参数 c 可按崔希民^[9-10]给出的经验取值范围和计算公式确定或者参考周边及类似地质采矿条件矿区的参数 c 和 k 。

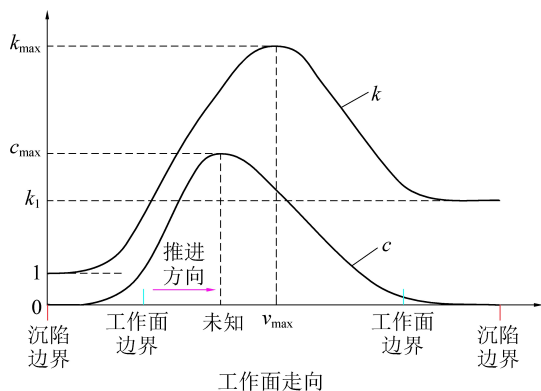


图 7 参数 c 和参数 k 的变化规律示意

Fig.7 Schematic of variation rules of parameters c and k

3.2 实测点验证

为验证图 7 的可靠性, 选取 7 个监测点采用式 (1) 拟合求参, 得到结果见表 3; 结合表 1 和表 3, 可以看出参数 c 、 k 均符合图 7 中的变化规律, 表明图 7 是可靠的。从表 3 中选取 2 个点进行动态预测, 如表 4 和图 8 所示。由实测数据计算可知, 30 号监测

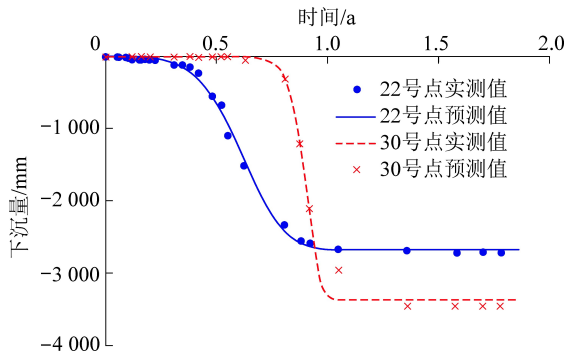


图 8 下沉实测值与预测值对比

Fig.8 Comparison of measured and predicted values of subsidence

点处下沉速度最大,最大下沉速度为 64.50 mm/d;而预计得到最大下沉速度为 67.09 mm/d,同样位于 30 号监测点;表 3 中,拟合求参得到的 R^2 都接近于 1,拟合效果显著;表 4 中,2 个监测点的相对误差分

别为 2.11%和 2.66%。以上结论说明了 Weibull 时间函数对常村煤矿地表沉陷进行预测的精度高,误差小,可以很清楚地反映常村煤矿的动态沉陷过程。

表 3 监测点拟合求参结果

Table 3 Evaluation results of observation point fitting

监测点	c/a^{-1}	k	拟合值 W_m/mm	最大下沉速度/ $(mm \cdot d^{-1})$	R^2	显著性
8	1.65	1.026	24.37	0.10	0.635 8	较显著
10	2.586	1.409	57.59	0.23	0.955 8	显著
17	5.431	2.303	1124	6.08	0.990 2	显著
22	5.982	4.415	2 680	18.39	0.997 8	显著
30	4.476	18.13	3 375	67.09	0.995 7	显著
39	0.055	12.79	1 754	18.08	0.999 5	显著
42	0.038	12.48	1 003	9.74	0.998 3	显著

表 4 下沉量实测值与预测值对比

Table 4 Comparison of measured and predicted values of subsidence

观测日期	22 号监测点下沉量/mm			30 号监测点下沉量/mm		
	实测值	预测值	误差	实测值	预测值	误差
2016-09-04	-3	0	3	0	0	0
2016-09-22	-5	0	5	3	0	-3
2016-09-26	-8	0	8	3	0	-3
2016-10-08	-8	0	8	13	0	-13
2016-10-11	-22	-1	21	9	0	-9
2016-10-18	-45	-1	44	-16	0	16
2016-10-28	-46	-4	42	4	0	-4
2016-11-02	-50	-5	45	-3	0	3
2016-11-09	-45	-8	37	3	0	-3
2016-11-16	-52	-13	39	-2	0	2
2016-11-24	-49	-20	29	6	0	-6
2016-12-27	-107	-90	17	0	0	0
2017-01-10	-122	-151	-29	2	0	-2
2017-01-23	-142	-215	-73	-5	0	5
2017-02-09	-222	-326	-104	-12	0	12
2017-03-02	-542	-560	-18	-4	0	4
2017-03-15	-665	-760	-95	-2	0	2
2017-03-28	-1 096	-932	164	-7	0	7
2017-04-26	-1 509	-1 449	60	-52	-3	49
2017-06-29	-2 344	-2 427	-83	-304	-315	-11
2017-07-26	-2 566	-2 591	-25	-1 211	-1 203	8
2017-08-10	-2 607	-2 637	-30	-2 114	-2 117	-3
2017-09-29	-2 670	-2 678	-8	-2 972	-3 375	-403
2018-01-18	-2 701	-2 680	21	-3 460	-3 375	85
2018-04-08	-2 706	-2 680	26	-3 478	-3 375	103
2018-05-23	-2 705	-2 680	25	-3 477	-3 375	102
2018-06-22	-2 707	-2 680	27	-3 487	-3 375	112
均方根误差/%	—	—	57.1	—	—	92.76
相对误差	—	—	2.11	—	—	2.66

4 结 论

1) Weibull 时间函数在下沉量、下沉速度、下沉加速度方面变化过程: $0 \rightarrow W_m$; 下沉速度变化过程: $0 \rightarrow v_{\max} \rightarrow 0$; 下沉加速度变化过程: $0 \rightarrow a_{\max} \rightarrow 0 \rightarrow a_{\min} \rightarrow 0$; 这与常村煤矿的地表下沉特征一致, 表明该时间函数在时间和空间上具有完备性。

2) 通过分析实测数据拟合得到的参数, 确定了参数 c 不是决定下沉持续时间的关键因素, 其主要影响下沉起始时间及下沉稳定时间, 且都呈负相关; 参数 k 主要影响下沉起始时间、最大下沉速度、下沉持续时间, 对下沉稳定时间的影响相对较小, 主要反映下沉速度快慢和剧烈程度, 与监测点离开切眼位置、工作面的开采方法、上覆基岩和松散层厚度及其性质等有关。并提出了参数 c 和参数 k 的变化规律。

3) 结合多个监测点的实测数据, 验证了参数 c 、 k 变化曲线的可靠性; 经过对下沉实测值和预测值对比分析, 得到 2 个监测点的相对误差分别为 2.11% 和 2.66%; 说明 Weibull 时间函数在进行常村煤矿地表沉陷预测时, 能得到较高精度的预测结果, 反映出实际的下沉过程。

参考文献 (References):

- [1] 彭小沾, 崔希民, 臧永强, 等. 时间函数与地表动态移动变形规律[J]. 北京科技大学学报, 2004, 26(4): 341-344.
PENG Xiaozhan, CUI Ximin, ZANG Yongqiang, et al. Such as a function of time and the dynamic movement and deformation of the surface [J]. Journal of Beijing University of Science and Technology, 2004, 26(4): 341-344.
- [2] 张 兵, 崔希民, 胡青峰. 开采沉陷动态预计的正态分布时间函数模型研究[J]. 煤炭科学技术, 2016, 44(4): 140-145, 174.
ZHANG Bing, CUI Ximin, HU Qingfeng. Study the normal distribution model function of time of Mining Settlement Dynamic Estimation [J]. Coal Science and Technology, 2016, 44(4): 140-145, 174.
- [3] 李春意, 陈 洁. 岩移观测数据处理及曲面拟合参数求取研究[J]. 煤炭科学技术, 2012, 40(11): 98-102.
LI Chongyi, CHEN Jie. Rock shift data processing and surface fitting parameters [J]. Coal Science and Technology, 2012, 40(11): 98-102.
- [4] 李春意, 高永格, 崔希民. 基于正态分布时间函数地表动态沉陷预测研究[J]. 岩土力学, 2016, 37(S1): 108-116.
LI Chongyi, GAO Yongge, CUI Ximin. Normal time function based on the dynamic surface subsidence Prediction [J]. Rock and Soil Mechanics, 2016, 37(S1): 108-116.
- [5] 刘玉成, 曹树刚, 刘延保. 可描述地表沉陷动态过程的时间函数模型探讨[J]. 岩土力学, 2010, 31(3): 925-931.
LIU Yucheng, CAO Shugang, LIU Yanbao. Discussion on some

- time functions for describing dynamic course of surface subsidence due to mining [J]. Rock and Soil Mechanics, 2010, 31(3): 925-931.
- [6] KNOTHE S. Time influence on a formation of a subsidence surface [J]. Archiwum Gómiectwai Hutnictwa, Kraków (in Polish), 1952, 1(1): 1.
- [7] KWINTA A, HEJMANOWSKI R, SROKA A. A time function analysis used for the Prediction of rock mass subsidence [C]// Xuzhou: Proceeding of the International Symposium on Mining Science and Technology, 1996: 419.
- [8] GONZALEZ NICIEZA C, ALVAREZ FERNANDEZ M I, MENENDEZ Diaz A, et al. The influence of time on subsidence in the Central Asturian Coalfield [J]. Bulletin of Engineering Geology and the Environment, 2007, 66(3): 319-329.
- [9] CUI Ximin. Prediction of progressive surface subsidence above longwall coal mining using a time function [J]. International Journal of Rock Mechanics & Mining Sciences, 2001, 38(7): 1057-1063.
- [10] 崔希民, 缪协兴, 赵英利, 等. 论地表移动过程的时间函数 [J]. 煤炭学报, 1999, 24(5): 453-455.
CUI Ximin, MIAO Xiexing, ZHAO Yingli, et al. Discussion on the time function of time dependent surface movement [J]. Coal Society, 1999, 24(5): 453-455.
- [11] 常占强, 王金庄. 关于地表点下沉时间函数的研究: 改进的克诺特时间函数 [J]. 岩石力学与工程学报, 2003, 22(9): 1496-1496.
CHANG Zhanqiang, WANG Jinzhuang. Research on surface subsidence points a function of time: improved Knothe a function of time [J]. Journal of Rock Mechanics and Engineering, 2003, 22(9): 1496-1496.
- [12] 张 兵, 崔希民. 开采沉陷动态预计的分段 Knothe 时间函数模型优化 [J]. 岩土力学, 2017, 38(2): 541-548.
ZHANG Bing, CUI Ximin. Mining subsidence expected dynamic optimization model segment Knothe time function [J]. Rock and Soil Mechanics, 2017, 38(2): 541-548.
- [13] 王军保, 刘新荣, 刘小军. 开采沉陷动态预测模型 [J]. 煤炭学报, 2015, 40(3): 516-521.
WANG Junbao, LIU Xinrong, LIU Xiaojun. Dynamic prediction model for mining subsidence [J]. Journal of China Coal Society, 2015, 40(3): 516-521.
- [14] 张 凯, 胡海峰, 廉旭刚, 等. 地表动态沉陷预测正态时间函数模型优化研究 [J]. 煤炭科学技术, 2019, 47(9): 235-240.
ZHANG Kai, HU Haifeng, LIAN Xugang, et al. Optimization of surface dynamic subsidence prediction normal time function model [J]. Coal Science and Technology, 2019, 47(9): 235-240.
- [15] 刘玉成. 基于 Weibull 时间序列函数的动态沉陷曲线模型 [J]. 岩土力学, 2013, 34(8): 2409-2413.
LIU Yucheng. Dynamic surface subsidence curve model based on Weibull time function [J]. Rock and Soil Mechanics, 2013, 34(8): 2409-2413.
- [16] 国家安全监管总局, 国家煤矿安监局, 国家能源局, 等. 建筑物、水体、铁路及主要井巷煤柱留设与压煤开采规范 [M]. 北京: 煤炭工业出版社, 2017.